

# ISTITUTO DI FORMAZIONE PROFESSIONALE ALBERGHIERO DI LEVICO TERME



#### **COMPITI ESTIVI DI**

### **MATEMATICA**

Per gli studenti che nell'anno formativo 2021/2022 frequenteranno la classe seconda

Gli allievi dovranno svolgere gli esercizi cerchiati. Gli altri esercizi sono facoltativi.

Buone vacanze!

#### Determinazione del M.C.D. e del m.c.m. con il metodo della scomposizione in fattori primi

[70; 2.520] 280 - 420 - 630 [126; 1.512] 378 - 504 - 756 [72; 8.640; 34; 6.120] 576 - 360 - 432; 680 - 510 - 612 [74; 4.440; 25; 13.500] 370 - 296 - 222; 500 - 375 - 675 [24; 1.440; 77; 6.930] 4B) 360 - 288 - 240; 1.386 - 770 - 1.155 [143; 4.290; 234; 2.808] 286 - 858 - 715; 936 - 702 - 1.404 [207; 18.630] 1.035 - 414 - 1.242 - 3.726 [364; 32.760] 3.276 - 3.640 - 1.820 - 2.184

Frazioni e numeri razionali assoluti

## Applicando le proprietà delle potenze, calcolare il valore delle seguenti espressioni:

**73.**  $\left[ \left( \frac{1}{3} \right)^2 \cdot \left( \frac{1}{3} \right)^2 \right] \cdot \left[ \left( \frac{15}{16} \right)^2 \cdot \left( \frac{4}{5} \right)^2 \right].$  $\begin{bmatrix} 4 \\ 5 \end{bmatrix}$ **74.**)  $\left\{ \left[ \left( \frac{2}{5} \right)^2 \right]^3 : \left( \frac{2}{5} \right)^4 \right\} \cdot \left( \frac{1}{5} \right)^0 \cdot \left( \frac{1}{5} \right)^2 \cdot (5)^3.$ **75.**  $\left(\frac{1}{6}\right)^2 \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^{12} : \left(\frac{1}{6}\right)^{14} \cdot \left(\frac{2}{9}\right) \cdot \left(\frac{3}{16}\right)$ . **76.**  $\left\{ \left[ \left( \frac{1}{3} \right)^2 \cdot \left( \frac{1}{3} \right) \right]^2 \right\}^4 : \left[ \left( \frac{1}{3} \right)^{10} \cdot \left( \frac{1}{3} \right)^{13} \cdot \frac{1}{3} \right] : \frac{1}{3}.$ [3] **77.**  $\left\{ (0,5)^3 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^4 : \frac{1}{8} \right]^2 \right\}^0 \cdot \left[ \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^5 \right] : \left(\frac{1}{2}\right)^6$ 1 8 **78.**  $\frac{8}{5} \cdot \left\{ \left[ \left( \frac{8}{5} \right)^7 : \frac{8}{5} \cdot (1,6)^2 \right]^3 : \left[ \frac{8}{5} \cdot \left( \frac{8}{5} \right)^2 \right]^8 \right\}^{15}$ . 5 25 **79.**  $\left\{ \left[ \left( \frac{5}{9} \right)^3 \times \left( \frac{5}{9} \right)^4 \right]^2 \right\}^3 : \left[ \left( \frac{5}{9} \right)^4 \times \left( \frac{5}{9} \right)^4 \right]^5.$ 3 **80.**  $\left(\frac{2}{3}\right)^3 \times \left\{ \left[ \left(\frac{2}{3}\right)^4 \times \left(\frac{2}{3}\right)^2 \times \frac{2}{3} \right]^2 \right\}^5 : \left\{ \left[ \left(\frac{2}{3}\right)^8 \times \left(\frac{2}{3}\right)^{10} \right]^2 \right\}^2.$ **81.**  $\left\{ \left[ \left( \frac{2}{3} \right)^2 \times \left( \frac{6}{5} \right)^2 \right]^3 \right\}^4 : \left\{ \left[ \left( \frac{4}{5} \right)^2 \right]^3 \times \left( \frac{4}{5} \right)^2 \right\}^3.$ [1]

**82.**  $\left\{ \left[ \left( \frac{1}{4} \right)^3 : \left( \frac{3}{2} \right)^3 \right]^2 \right\}^5 : \left[ \left( \frac{1}{6} \right)^2 \times \frac{1}{6} \right]^9$ . 216

#### Calcolare il valore delle seguenti espressioni

**83.** 
$$\left[ \left( \frac{7}{6} - \frac{5}{6} : \frac{5}{2} \right)^2 : \left( \frac{2}{3} + \frac{1}{6} \right)^2 + \left( 2 - \frac{4}{3} \right) \right] : \frac{25}{9} + \left( 1 - \frac{1}{2} \right)^2 .$$

$$\left[ \frac{17}{20} \right]$$
**84.** 
$$\left( \frac{9}{2} + \frac{1}{4} \right) : \left[ \left( \frac{4}{3} - 1 \right)^2 \times \left( 3 + \frac{3}{5} \right) + \frac{7}{4} - \left( \frac{3}{4} + \frac{1}{10} \right)^2 : \left( 2 - \frac{3}{10} \right)^2 \right] + \frac{1}{2} .$$

$$\left[ \frac{5}{6} \right]$$
**85.** 
$$\left( 1 - \frac{4}{5} \right) + \left[ \left( \frac{4}{5} - \frac{3}{10} \right)^3 \times \left( \frac{27}{20} : \frac{1}{4} - 5 \right)^3 + \left( 2 - \frac{9}{5} \right)^2 \right] : \left( 2 - \frac{8}{5} \right)^2 + \frac{1}{3} .$$

$$\left[ \frac{5}{6} \right]$$

**86.** 
$$\left[ \left( \frac{7}{10} + \frac{2}{15} \right)^2 \times \left( \frac{1}{5} + \frac{1}{10} \right) : \left( \frac{1}{4} + \frac{1}{6} \right) + \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{6} \right) \right]^2 : \frac{5^2}{3^3} + \left( \frac{5}{4} - 1 + \frac{1}{2} \right).$$

**87.** 
$$\left[ \left( \frac{1}{2} \right)^6 : \left( \frac{1}{2} \right)^3 - \left( \frac{1}{6} \right)^3 : \frac{1}{6} + \left( \frac{1}{2} \right)^3 \times \frac{1}{2} : \left( \frac{1}{2} \right)^2 \right] : \left( \frac{5}{9} \right)^2$$

**C**1

I NUMERI RELATIVI E LE OPERAZIONI CON ESSI

FSFRCIZI

<b>533.</b> $\{(-5): [4:(-4)]\} + [5-(6-7)]: (-2)$	2
<b>534.</b> $[(-8):(-8):(-4:4)] \cdot \{[60+(-36)]:(-3)\}$	8
<b>535.</b> $\{[4 \cdot (-5) - 7] \cdot [-4 + 3 \cdot (-2) - (-3)] : [8 - (-1) : (-1)]\} : 3$	9
<b>536)</b> $\left\{ -\frac{1}{3} \cdot [-(29-5)] \right\} : (-3) - \left[ -5 : \left( \frac{5}{4} + 2 \right) \right]$	$-\frac{44}{39}$
<b>537.</b> $\frac{3}{5} \cdot \left( -\frac{1}{2} + \frac{7}{9} \right) : \left[ \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{3} \right) \cdot \left( -\frac{9}{2} + \frac{5}{2} \right) \right]$	$-\frac{1}{2}$
<b>538.</b> $-\frac{12}{7} - \left\{ \frac{3}{4} \cdot \left[ \frac{2}{15} - \left( \frac{3}{2} - \frac{1}{6} \right) - \frac{2}{5} \right] : \frac{6}{5} \right\} + \frac{3}{14}$	$-\frac{1}{2}$
<b>539.</b> $\frac{8}{9} - \left\{ \frac{2}{9} + \frac{1}{5} - \left[ \frac{4}{15} \cdot \left( \frac{25}{8} - \frac{5}{16} \right) - \frac{1}{4} \right] \cdot \frac{3}{5} + \frac{2}{3} \right\}$	$\frac{1}{10}$
<b>540.</b> $-\frac{73}{40}: \left\{2 - \frac{2}{15} \cdot \left(\frac{7}{10} - \frac{2}{5}\right) + \left[1 - \frac{16}{9}: \left(\frac{10}{9} - \frac{2}{5}\right) - \frac{1}{6}\right]: 125\right\}$	$-rac{15}{16}$
<b>541.</b> $\left(\frac{1}{4} - \frac{19}{34}\right) : \frac{21}{17} - \left\{ \left[\frac{11}{9} - \left(\frac{2}{3} \cdot \frac{9}{8} - 1\right)\right] - \left(\frac{20}{27} - \frac{11}{18}\right) : \frac{7}{12} \right\} : 5$	$-\frac{1}{2}$
<b>542.</b> $\left(\frac{35}{12} - \frac{25}{6}\right) : \left(\frac{5}{12} - \frac{5}{3}\right) : \left\{\left[\left(\frac{6}{5} - \frac{6}{7}\right) \cdot \frac{25}{6} - 2\right] : 16\right\} + 7$	- 21
<b>543.</b> $\left\{ \left( \frac{4}{15} - 2 + \frac{1}{5} \right) : \left[ \frac{2}{9} \cdot \left( \frac{1}{2} - \frac{3}{8} - 1 \right) : \frac{1}{36} + \frac{7}{2} \right] \right\} : \frac{23}{21}$	5
<b>544.</b> $\left(\frac{2}{7}+1-\frac{11}{8}\right):\left(2-\frac{55}{28}\right)-\left\{\frac{1}{3}\cdot\left[3-\left(\frac{1}{3}-\frac{1}{5}\right)\cdot\frac{10}{7}\right]:\left(\frac{4}{21}-3\right)\right\}$	$-\frac{19}{6}$
<b>545.</b> $\frac{11}{9} \cdot \left\{ \frac{9}{11} : \left[ \frac{11}{9} \cdot \left( \frac{9}{11} - 1 \right) : \left( \frac{11}{9} + 1 \right) - 1 \right] \right\} + \left( \frac{2}{3} - \frac{3}{4} \right) \cdot 28$	$-\frac{107}{33}$
<b>546.</b> $-\left\{\frac{5}{12} - 3 + \frac{23}{9} - \left[\left(\frac{5}{6} - \frac{16}{15}\right) : \left(\frac{19}{40} - 1\right) - 1\right] + \left(1 - \frac{11}{12}\right)\right\} \cdot 2$	$-\frac{11}{9}$
<b>547.</b> $\left[\frac{25}{2} - \left(3 + \frac{9}{7}\right) : \left(\frac{1}{6} - \frac{1}{21}\right)\right] \cdot \left\{2 - \left[1 - \frac{3}{11} \cdot \left(\frac{5}{3} + \frac{7}{9}\right)\right] : \frac{47}{6}\right\}$	- 46
<b>548.</b> $\left(\frac{10}{9} - \frac{22}{45}\right) : \left(2 - \frac{79}{50}\right) \cdot \left\{ \left[\left(\frac{5}{2} - \frac{7}{8} + \frac{1}{7}\right) - \left(6 - \frac{13}{7}\right) - 1\right] + 3 \right\}$	$-\frac{5}{9}$
<b>549.</b> $\left\{ \frac{1}{9} - \left[ \left( \frac{11}{5} - \frac{2}{3} \right) \cdot \frac{35}{46} - \frac{7}{2} \right] : \frac{63}{2} \right\} - \left[ \left( \frac{9}{13} - \frac{9}{4} \right) : \frac{27}{26} \right] : 27$	$\frac{13}{54}$
<b>550.</b> $\left\{ \left[ -\left(\frac{11}{3} - 1 - \frac{29}{15}\right) \cdot \frac{90}{121} : \frac{12}{55} - \frac{11}{2} \right] : 20 - \frac{13}{20} \right\} : \left(2 - \frac{3}{5}\right) \right\}$	$-\frac{3}{4}$
<b>551.</b> $\frac{4}{15}$ : $\left(\frac{3}{5} - \frac{17}{15}\right) \cdot \left\{\frac{1}{2} - \left[\frac{2}{3} - \left(\frac{5}{6} - 3 + \frac{1}{4}\right) : \frac{23}{12}\right] \cdot \frac{9}{4} + 1\right\}$	$\frac{9}{8}$
<b>552.</b> $\left[1 - \frac{11}{20} : \left(\frac{3}{8} - \frac{5}{6}\right) + \frac{3}{10}\right] - \frac{3}{5} \cdot \left\{\frac{1}{3} - \left[\frac{1}{3} \cdot \left(\frac{1}{3} - \frac{5}{9}\right) + 1\right]\right\} : \frac{16}{9}$	$\frac{27}{10}$
<b>553.</b> $-2 \cdot (-3) - \left[\frac{1}{2} \cdot (-2+3) + \frac{5}{3} : \left(-\frac{5}{6}\right)\right] : \left[\frac{4}{3} \cdot \frac{1}{2} : \left(-\frac{1}{6}\right)\right]$	$\frac{45}{8}$

Aumentare il costo di:

a) 440 € del 12%;

del 3%; b) 1,24 €

c) 2,8 € del 1%; d) 27,30 € del 2,5%;

e) 10.80 € del 30%;

del 1,275%. f) 400 €

137. Ridurre il costo di:

del 15%; a) 180 €

b) 0,26 €

del 25%;

c) 29,44 € del 1,4%;

d) 13,75 €

del 2%;

e) 43,17 € del 13%;

f) 14500 €

del 30%.

138. Alla fine dell'anno scolastico i risultati di una classe di 28 alunni sono i seguenti:

- il 67% degli alunni è stato promosso per merito;

- il 10% degli alunni è stato promosso con debito formativo in inglese;

- il 15% degli alunni è stato promosso con debito formativo in matematica;

degli alunni è stato promosso con debito formativo in fisica.

Quanti sono gli alunni respinti?

[0]

139. Un negozio di calzature effettua dei saldi sulla merce del 25%./Determinare il costo iniziale di un paio di [82,63 €] scarpe che costa 61,97 €.

140. Un commerciante, su un prodotto del costo di 94 € vuole guadagnare il 65%. A quale prezzo metterà in [155,1 €] vendita l'articolo?

Una cartoleria vende delle biro al costo di 1,03 €. Il negoziante decide di praticare uno sconto del 15% dell'importo totale a chiunque ne acquisti più di 10. Qual è la spesa per chi ne compera 12? [10,51 €]

73. 
$$-xy - 15x + 7y + 21xy$$
. [ $20xy - 15x + 7y$ ]

74.  $a^2 + 7a^2b - 4a^2 - 2ab^2 - 6a^2 - 5a^2b$ . [ $-9a^2 + 2a^2b - 2ab^2$ ]

75.  $x^3 + 6x^2 + x - 11x^3 - 5x^2 + 3x + 9x^2$ . [ $-10x^3 + 10x^2 + 4x$ ]

76.  $20a^2x - 15a^2 - 7a^2 + 8a^2x + 32a^2 - 19a^2x$ . [ $9a^2x + 10a^2$ ]

77.  $4x^3y^2 - 24x^2y^3 + 5x^3y^2 - 8x^3y^2 + 8x^2y^3$ . [ $x^3y^2 - 16x^2y^3$ ]

78.  $a^3b - 6a^2b + 5ab + a^3b + 3ab - 4a^3b - 8a^2b$ . [ $-2a^3b - 14a^2b + 8ab$ ]

79.  $5x^2 - 3xy + 9y^2 - 7y^2 + 6xy - 3x^2$ . [ $2x^2 + 3xy + 2y^2$ ]

80.  $3a - (-3ab) + 4a - (-a) + (-2ab)$ . [ $8a + ab$ ]

81.  $2a^2b + 3ab - (-a^2b) + 2ab + (-2a^2b) - 5ab$ . [ $a^2b$ ]

82.  $ab - 2a^2b + \frac{2}{3}ab - \frac{3}{2}a^2b + \frac{1}{3}ab - \frac{1}{2}a^2b$ . [ $2ab - 4a^2b$ ]

83.  $-\frac{1}{6}x^2y - x^3 - \frac{1}{2}x^3 - \frac{5}{12}x^2y + 12xy$ . [ $-\frac{3}{2}x^3 - \frac{7}{12}x^2y + 12xy$ ]

84.  $\frac{1}{5}xy + x^2y - \frac{7}{8}y + xy - \frac{1}{4}x^2y - \frac{1}{2}y$ . [ $\frac{3}{4}x^2y - \frac{6}{5}xy - \frac{11}{8}y$ ]

Ridurre alla forma più semplice le seguenti espressioni contenenti addizioni algebriche e moltiplicazioni di mono-

nidure alla forma più semplico le segueriti espirationi e	,
$3a^2 - a(-6a) + 2a^2(-a).$	$[-2a^3+9a^2]$
<b>115.</b> $-a^2b(-2a) + 5a^2 - 3a(2a)$ .	$[2a^3b-a^2]$
<b>116.</b> $3ab(-a) + 2b(6a^2) - a(-4b)$ .	$[9a^2b + 4ab]$
$-12x^2y - 11x(-y^2) + 6xy(2x) + 4xy(2y).$	$[19xy^2]$
<b>118.</b> $-3x(-x^2) + 2x^2(-5x) + (-3x^3)$ .	$[-10x^3]$
<b>119.</b> $-21x^2 + 6x - 4x^2(-x) - 3x(-7x) - (-8x^3)$ .	$[12x^3+6x]$
<b>120.</b> $-x(xy^2) - x^2y^2 - xy(8xy) - x^2(4y^2)$ .	$[-14x^2y^2]$
<b>121.</b> $(-3xy)(-3x^2) + 5x(-2x^3y) - 9x^3y - 4x(-x^3y)$ .	$[-6x^4y]$
$(122.) a^2(-3a) + 2a(-3a^2) - 3b(-a) - 3ab + 3a(+3a^2).$	[0]
<b>123.</b> $-2pq(-p^2) + 2q(-p^3) - p(-2q^2) + (-2pq^2)$ .	[0]
<b>124.</b> $-\frac{3}{2}a^3y(-4ay^3) + 6ay(-a^3y^3) - 3y(-y^3) + y^4$ .	$[4y^4]$
<b>125.</b> $-\frac{8}{3}x(-x^2) + (-x)\left(-\frac{1}{3}x^2\right) + \frac{2}{5}x^2(-5x) + x^3$ .	$[2x^3]$

Eseguire le operazioni indicate e ridurre i termini simili.

$$\begin{array}{lll} \textbf{187.} & \left(\frac{1}{4}ab - \frac{3}{2}ab + ab\right) : (2ab); & \left(\frac{1}{16}x^2 - \frac{3}{2}x^2 + x^2\right) : \left(\frac{1}{3}x^2 - \frac{1}{2}x^2\right). & \left[-\frac{1}{8}: \frac{21}{8}\right] \\ \textbf{188.} & \left(\frac{1}{4}xy - \frac{3}{2}xy - xy\right) : \left(xy - \frac{2}{3}xy\right). & \left[-\frac{27}{4}\right] \\ \textbf{189.} & \left(-\frac{1}{2} + 2a - 3b + \frac{1}{2} - a + 3b\right) : (2b + a - b + a - b). & \left[\frac{1}{2}\right] \\ \textbf{190.} & \left(x^4 - 7x^3 + 2x^4 + 4x^3 + 3x^3\right) : \left(x^2 - x^3 - x^2\right). & \left[-3x\right] \\ \textbf{Semplificare le seguenti espressioni.} & \left[-\frac{3}{9}a\right] + \frac{4}{9}a^3b^2 : \left(\frac{1}{3}ab\right)^2 - 10a. & \left[\frac{38}{9}a\right] \\ \textbf{192.} & -7a^2 + \left[(-ab^3)(-5a^3b) : (-ab)^2\right]^2 : \left(\frac{5}{3}ab^2\right)^2 - 2a^2 + ab. & \left[ab\right] \\ \textbf{193.} & -\frac{15}{16}y^{12} + \left[(-2xy^2)^2 \cdot 4x^2\right]^3 - \left[\left(\frac{1}{4}x^3y^2\right)^2 : \left(-\frac{1}{2}x^2\right)^2\right]^3 + \frac{5}{64}y^{12}. & \left[\frac{1}{8}y^{12}\right] \\ \textbf{194.} & \frac{1}{4}x^2 + \left[(-2xy^2)^3 \cdot (-5y^3)^3 : (-2xy)^2\right]^2 : \left(-\frac{5}{3}xy^2\right)^2. & \left[\frac{5}{2}x^2\right] \\ \textbf{195.} & -40a^5b^3c^3 + (8abc + 2abc - 9abc)^3 \cdot (-a - 2a - 4a)^2. & \left[9a^5b^3c^3\right] \\ \textbf{196.} & \left[\left(-\frac{3}{2}xy^2\right)^3\right] \cdot \left(-\frac{3}{2}x^2y^2\right)^3 : \left(-\frac{2}{3}x^2y\right)^5 : \left(-\frac{2}{3}x^2y\right)^5 \\ \textbf{197.} & \frac{11}{3}m^3x^2 : \left(-\frac{2}{9}a^2\right) + \frac{3}{5}m^2x^2 : \frac{3}{20}m^2x^3. & \left[-\frac{2}{3}a^2b^3x^3 + \frac{2}{25a^2x^2}\right] \\ \textbf{198.} & 5ab^2m^2 \cdot \left(-3a^2b^2\right)^3 - \left(-6a^2y\right) \left(-6a^2y\right) \left(-6a^2y\right) \left(-5a^2x^2y^2\right)^2 - \left(-5a^2x^3y^3\right)^3 : 25a^2x^2. & \left[-\frac{3}{2}x^3y^3\right] \\ \textbf{200.} & 5a^2x^4 + \left(-4a^4x^2y^3\right)^3 : \left(-2a^4x\right)^3 - \left(-6a^2y\right) \left(-\frac{2}{3}x^3y^2\right) - \frac{1}{6}y^2 \cdot \left(-2x^2y^3\right)^2. & \left[-\frac{3}{2}x^6y^3\right] \\ \textbf{201.} & \frac{70}{6}x^6y^2 + \left[\frac{1}{3}x\left(3x^2 + 2x^3 : \frac{2}{6}x\right) + 7x^2\right] \left(-\frac{3}{2}x^3y^2\right) - \frac{1}{6}y^2 \cdot \left(-2x^2y^3\right)^2. & \left[-\frac{3}{2}x^6y^3\right] \\ \textbf{202.} & 6a^4b^6 + \left[\left(\frac{1}{2}ab^2\right)^2 + \left(\frac{1}{3}a^2b^2\right)^3 : \frac{2}{9}a^4b^2\right] \cdot \left(-\frac{1}{2}a^2b^2\right) - \left(-2a^2b^3\right)^2. & \left[-\frac{3}{2}x^6y^3\right] \\ \textbf{203.} & a^6x^4 + \left(-9a^6y^2\right)^2 : \left(-3a^4x^2\right)^3 : \left(-6b^4y\right) + 12b^3y^6 : \left(-2b^3\right)^2. & \left[-ab\right] \\ \textbf{205.} & \left[b^2y^6 - 8(-y^6b)b - b^6y^4(-b^2y^3) : \left(-b^6y\right) + 12b^3y^6 : a\right] : a(3a)^2. & \left[-ab\right] \\ \textbf{206.} & \left(-2a^3x^2\left[-2a^4 - 3(-2a^6x^2) : \left(-3a^3x^2\right) + a^7x^2\right] : \left[a^3x^3\right] : a^3y^3 - \frac{1}{6}x^$$